

فهرست مطالب

۷.....	فصل اول: ریاضیات
۲۹.....	پاسخنامه
۶۱.....	فصل دوم: هوش و استعداد تحصیلی.
۹۳.....	پاسخنامه
۱۲۵.....	فصل سوم: ادبیات فارسی
۱۵۳.....	پاسخنامه
۱۵۵.....	فصل چهارم: معارف اسلامی
۱۷۸.....	پاسخنامه
۱۸۱.....	فصل پنجم: زبان انگلیسی
۱۹۷.....	پاسخنامه
۱۹۹.....	فصل ششم: شناخت مسائل روز و اطلاعات عمومی
۲۲۲.....	پاسخنامه
۲۲۵.....	فصل هفتم: دانش کامپیوتر
۲۳۲.....	پاسخنامه
۲۳۳.....	فصل هشتم: آمار و احتمالات
۲۴۸.....	پاسخنامه
۲۶۵.....	فصل نهم: نظریه عمومی مدیریت
۲۸۲.....	پاسخنامه
۲۸۳.....	فصل دهم: اطلاعات عمومی و بانکداری
۲۸۵.....	پاسخنامه

۳۰۵.....	فصل یازدهم: شناخت قرآن ، تاریخ و جهان بینی اسلام
۳۳۳.....	فصل دوازدهم: احکام اسلام
۳۴۷.....	فصل سیزدهم : وصیت نامه امام (ره).
۳۵۹.....	فصل چهاردهم: قانون اساسی
۳۶۳.....	فصل پانزدهم: سنجش تکمیلی ، دانش اجتماعی و شناخت مسائل روز.....
۳۷۳.....	نکات قابل توجه و با اهمیت در خصوص مصاحبه های استخدامی.....

تستهای فصل اول

ریاضیات

۱- به ازای چه مقداری از m حاصل عبارت $\sqrt[m]{a\sqrt[4]{a^4}}$ برابر a است؟

۵)

ج)

۳)

۲)

۲- حاصل عبارت $\left(-\frac{1}{32}\right)^{\frac{4}{5}} - \left(\frac{1}{64}\right)^{\frac{5}{6}}$ کدام است؟

۱
۳۲

۱
۳۲

۱
۶۴

۱
۶۴

۳- حاصل عبارت $\sqrt[9]{a^3} \cdot \sqrt[8]{x^6}$ کدام است؟

$|a|^{\frac{1}{3}} \cdot |x|^{\frac{3}{4}}$

$a^{\frac{1}{3}} \cdot |x|^{\frac{3}{4}}$

$|a|^{\frac{1}{3}} \cdot x^{\frac{3}{4}}$

$a^{\frac{1}{3}} \cdot x^{\frac{3}{4}}$

$\frac{\sqrt{2}}{2}$

$\frac{\sqrt{3}}{3}$

$\sqrt{2}-1$

$\sqrt{3}-1$

۴- حاصل عبارت $\frac{\sqrt{2}+\sqrt{3}}{\sqrt{6}+3}$ کدام است؟

$5\sqrt{2}$

$3\sqrt{2}$

$2\sqrt{2}$

$6\sqrt{2}$

۵- حاصل عبارت $(-\sqrt{98} + \sqrt{50} + \sqrt{128})$ کدام است؟

$5\sqrt{2}$

$3\sqrt{2}$

$2\sqrt{2}$

$6\sqrt{2}$

۶- اگر $a^3 + b^3 + c^3 = ab + bc + ac$ باشد حاصل عبارت $(a+b-c)(a+c-b)(b+c-a)$ کدام است؟

$27abc$

$3abc$

$2-abc$

a^3

$1+\sqrt{2}$

$\sqrt{2}$

2

$\sqrt{2}-1$

۷- خلاصه شده عبارت $\frac{(4)^{4/25} + 4^{4/25}}{1+\sqrt{2}}$ کدام است؟

$1+\sqrt{2}$

$\sqrt{2}$

2

$\sqrt{2}-1$

۸- از رابطه $\frac{(b+c-a)^3}{abc}$ مقدار $(a-2b)^3 + (b-2c)^3$ کدام است؟

$\frac{1}{8}$

$-\frac{1}{8}$

8

الف) ۸

۹- اگر $x+y=4$ کدام است؟

$$x^3 + y^3 \quad (d)$$

$$x^3 - y^3 \quad (c)$$

$$x^3 - y^3 \quad (b)$$

$$x^3 + y^3 \quad (f)$$

۱۰- حاصل عبارت $3\sqrt{48} + 2\sqrt{27} - \sqrt{12} - 2\sqrt{75}$ کدام است؟

$$-6\sqrt{3} \quad (d)$$

$$6\sqrt{3} \quad (c)$$

$$-4\sqrt{3} \quad (b)$$

$$4\sqrt{3} \quad (f)$$

۱۱- حاصل عبارت $\sqrt[3]{7+4\sqrt{3}} \times \sqrt[3]{7-4\sqrt{3}}$ برابر است با:

$$4-2\sqrt{3} \quad (d)$$

$$\sqrt[3]{2-\sqrt{3}} \quad (c)$$

$$2 \quad (b)$$

$$1 \quad (f)$$

۱۲- اگر اتحاد $\frac{3}{x(x^2-1)} = \frac{A}{x(x-1)} + \frac{B}{x^2-1}$ برقوار باشد، مقدار A+B کدام است؟

$$4 \quad (d)$$

$$-6 \quad (c)$$

$$■ \quad (b)$$

$$1 \quad (f)$$

۱۳- بزرگترین مقسوم علیه مشترک دو عبارت $-x^4 + 1$ و $x^3 + 1$ کدام است؟

$$x^3 + 1 \quad (d)$$

$$x^3 - 1 \quad (c)$$

$$x+1 \quad (b)$$

$$x-1 \quad (f)$$

۱۴- یک چهارم عدد مثبتی با مکعب آن عدد برابر است. چهار برابر آن عدد کدام است؟

$$\frac{1}{4} \quad (d)$$

$$\frac{1}{2} \quad (c)$$

$$2 \quad (b)$$

$$1 \quad (f)$$

۱۵- اگر $x > \frac{3}{2}$ باشد، x کدام است؟

$$x\sqrt{x} \quad (d)$$

$$\frac{\sqrt{x}}{x^2} \quad (c)$$

$$\frac{\sqrt{x}}{x} \quad (b)$$

$$\frac{x}{\sqrt{x}} \quad (f)$$

۱۶- اگر $x+y=\sqrt{5}$ و $xy=1$ باشد، $x^3 + y^3$ برابر است با:

$$3\sqrt{5} \quad (d)$$

$$2\sqrt{5} \quad (c)$$

$$\sqrt{5} \quad (b)$$

$$\frac{\sqrt{5}}{2} \quad (f)$$

۱۷- اگر $x=\sqrt[3]{5}$ و $y=\sqrt[3]{3}$ باشد حاصل $(x^3 - y^3)(x^4 + y^4 + x^2y^2)$ کدام است؟

$$16 \quad (d)$$

$$2 \quad (c)$$

$$8 \quad (b)$$

$$11 \quad (f)$$

۱۸- اگر $a^3 + b^3 + c^3 - 3abc$ باشد، $ab + bc + ac =$ برابر است با:

$$(a+b+c)(a^2 + b^2 + c^2 - ab - bc - ca) \quad (b)$$

$$27abc \quad (d)$$

$$(a+b+c)^3 \quad (a)$$

$$(a+b)(b+c)(c+a) \quad (c)$$

۱۹- اگر $x = \sqrt[3]{2\sqrt{2}}$ باشد، x^2 برابر است با:

$$2 \quad (d)$$

$$\sqrt[3]{4} \quad (c)$$

$$\sqrt[3]{2} \quad (b)$$

$$\sqrt{2} \quad (f)$$

۲۰- اگر $a^3 + b^3 + c^3 + 3 = 2(a+b+c)$ آنگاه مقدار چقدر است؟

$$3(5) \quad (d)$$

$$2 \quad (c)$$

$$1 \quad (b)$$

$$■ \quad (f)$$

-۲۱ حاصل $\sqrt[3]{4+2\sqrt{3}} \cdot \sqrt[3]{\sqrt{3}-1}$ کدام است؟

۴) (۵)

۳) (ج)

۲) (ب)

۱) (الف)

-۲۲ اگر $x = \sqrt[3]{1+\sqrt{2}} - \sqrt[3]{1-\sqrt{2}}$ باشد، مقدار $3x^3 - 3x$ کدام است؟

۲) (۵)

۳) (ج)

$\sqrt{2}$ (ب)

۱) (الف)

-۲۳ اگر $x < 0$ ، حاصل $2\sqrt[3]{x^3} + \sqrt[3]{x^4}$ کدام است؟

-۳x (۵)

-x (ج)

x (ب)

۳x (الف)

-۲۴ حاصل $\sqrt[3]{2-\sqrt{5}} \times \sqrt[3]{9+4\sqrt{5}}$ کدام است؟

$\sqrt{2}$ (۵)

۱) (ج)

$-\sqrt{2}$ (ب)

(الف)

-۲۵ بزرگترین عامل مشترک دو عبارت $x^7 + 7xy^6 - 2xy^5 + 12y^7$ و $x^7 - 2xy^5 - 15y^7$ کدام است؟

x + 6y (۵)

x + 3y (ج)

x - 2y (ب)

x - 2y (الف)

-۲۶ حاصل $\left(-\sqrt[3]{3^2} \right)$ کدام است؟

+3 (۵)

-3 (ج)

+9 (ب)

-9 (الف)

-۲۷ عبارت $x^7 + 4x^5 + 5$ را به حاصل ضرب دو عبارت تجزیه کرده‌ایم. اگر یکی از عبارت‌ها باشد، عبارت دیگر کدام است؟

$x^4 + 2x^3 + 5$ (۵)

$x^4 - 2x^3 + 5$ (ج)

$x^4 - x^3 + 5$ (ب)

$x^4 + x^3 + 5$ (الف)

-۲۸ حاصل عبارت $\frac{1}{\sqrt{4} + \sqrt{11}} + \frac{1}{\sqrt{11} + \sqrt{18}} + \frac{1}{\sqrt{18} + \sqrt{25}}$ کدام است؟

$\frac{2}{3}$ (۵)

$\frac{1}{2}$ (ج)

$\frac{3}{7}$ (ب)

$\frac{2}{7}$ (الف)

-۲۹ حاصل عبارت $\sqrt[3]{4-2\sqrt{2}} \times \sqrt[3]{6+4\sqrt{2}}$ کدامیک از مقادیر زیر است؟

$\sqrt{2}$ (۵)

$2\sqrt{2}$ (ج)

$\sqrt{2}$ (ب)

$\sqrt[3]{2}$ (الف)

-۳۰ اگر $x = \sqrt[15]{2^{15}}$ باشد، حاصل $x\sqrt[3]{x}\sqrt[5]{x^2}$ کدام است؟

۲) (۵)

۴) (ج)

۸) (ب)

۱۶) (الف)

-۳۱ حاصل کسر $\frac{1+\sqrt{2+\sqrt{3}}}{1+\sqrt{2-\sqrt{3}}}$ برابر است با:

$\sqrt{3}$ (۵)

$\sqrt{2}$ (ج)

$\sqrt{2-\sqrt{3}}$ (ب)

$\sqrt{2+\sqrt{3}}$ (الف)

-۳۲ توان x در عبارت $\sqrt{x\sqrt{x\sqrt{x}}}$ عبارتست از:

$\frac{3}{4}$ (۵)

$\frac{7}{8}$ (ج)

$\frac{15}{16}$ (ب)

$\frac{31}{32}$ (الف)

۳۳- اگر اتحاد $x^2 + ax + b = (x - 1)(x + 4)$ برقرار باشد، کدام است؟

(۵)

۲) ج

۱) ب

الف) د

۳۴- اگر $\operatorname{tg}^3 x + \cot g^3 x$ حاصل $\operatorname{tg} x + \cot g x$ است با:

۱۵)

۲۷) ج

۲۴) ب

الف) ۱۸)

۳۵- در حاصل عبارت $(x - 1)(x + 2)(x - 3)(x + 5)$ ضریب x^3 را معین کنید.

-۳)

۱) ج

۳) ب

الف) ۱)

۳۶- اگر $\frac{x^2 + x - 1}{x}$ باشد، مقدار $\sqrt[3]{x} + \sqrt[3]{x^2}$ را بدست آورید:

۱۵)

-۱) ج

۳) ب

الف) -۳)

۳۷- حاصل عبارت $\sqrt[4]{\sqrt[4]{\sqrt[4]{\sqrt[4]{25}}}}$ کدام است؟

 $\sqrt[4]{4}$) ۵

۱) ج

۲) ب

الف) ۱)

۳۸- حاصل کسر $\frac{1}{\sqrt[3]{3} + \sqrt[2]{9} + 4}$ برابر است با:

 $\sqrt[3]{3} - 2$) ۵

۲) ج

۳) ب

الف) $\sqrt[3]{9} - 2$

۳۹- بزرگترین مقسوم علیه مشترک $(abc - bc^2)^2$ و $(a^2c - ac^2)^2$ کدام است؟

 $c^2(a - c)^2$) ۵

۱) ج

۲) ب

الف) $(a - c)^2$

۴۰- اگر $\sqrt[5]{x} = \frac{5}{6}$ باشد، \sqrt{x} برابر است با:

 $\frac{5\sqrt{30}}{36}$) ۵

۲) ج

۳) ب

الف) $\frac{\sqrt{15}}{6}$

۴۱- حاصل عبارت $(\sqrt{3} + 2)^9 (\sqrt{3} - 2)^{11}$ کدامیک از مقادیر زیر است؟

 $5 - 2\sqrt{3}$) ۵

۱) ج

۲) ب

الف) $7 - 4\sqrt{3}$

۴۲- حاصل عبارت $\sqrt{13 + 2\sqrt{30}} + \sqrt{13 - 2\sqrt{30}}$ را بدست آورید.

 $2\sqrt{30}$) ۵

۲) ج

۳) ب

الف) $2\sqrt{3}$

۴۳- حاصل کسر $\frac{\sqrt{5} + 2\sqrt{25} + \sqrt{125}}{\sqrt{20} + \sqrt{100} + \sqrt{80}}$ کدام است؟

 $\sqrt{5}$) ۵

۱) ج

۲) ب

الف) ۱)

۴۴- معکوس عدد $\sqrt[3]{4 - 2\sqrt{2}}$ را بدست آورید.

 $\frac{\sqrt[3]{4 - 2\sqrt{2}}}{2}$) ۵

۱) ج

۲) ب

الف) $\sqrt[3]{4 + 2\sqrt{2}}$

- ۴۵ عددی به اضافه ۱۸، دو برابر آن عدد است. این عدد کدام است؟

۳۶

۲۸

۲۱

۱۴

الف)

- ۴۶ - به ازاء مقدار m مجموع مجذورات دو ریشه حقیقی معادله $= 2x^3 - mx + m - 1 = 0$ برابر ۴ است؟

۵

۲

-۶

الف)

+۶

-۲

۰

۰

هج

۳

۲

۱

الف)

- ۴۷ - معادله $x^4 + x^3 + x^2 + x + 1 = 0$ چند ریشه حقیقی دارد؟

الف)

- ۴۸ - به ازای چه مقادیری از m ، معادله $(m^3 - 1)x + m + 1 = 0$ ممتنع است؟

$m = ۰$

$m = \pm ۱$

$m = -۱$

$m = ۱$

الف)

- ۴۹ - به ازای چه مقداری از a و b معادله $(a + b + 1)x + a - 1 = 0$ مبهم می‌شود؟

$a = ۱, b = -۲$

$a = ۱, b = ۲$

$a = b = -۲$

$a = b = ۱$

الف)

- ۵۰ - تعداد جواب‌های معادله $x^3 + (1 + \sqrt{۲})x + \sqrt{۳} = 0$ کدام است؟

الف) جواب حقیقی ندارد ب) یک ریشه مضاعف دارد ج) دو ریشه گینگ دارد

- ۵۱ - در یک عدد دو رقمی اگر جای رقم‌ها را عوض کنیم ۴۵ واحد به آن افزوده می‌شود. تفاضل رقم دهگان و یکان کدام است؟

۲۵

۴

۳

۵

الف)

- ۵۲ - دستگاه معادلات $\begin{cases} (m - ۳)x + ۳y = m \\ ۴x + (m + ۱)y = ۲ \end{cases}$ به ازای چه مقداری از m غیرممکن است؟

۵

۳

-۳

-۵

الف)

- ۵۳ - از رابطه $\frac{(b+c-a)^3}{abc}$ مقدار کدام است؟

$-\frac{۱}{۸}$

$\frac{۱}{۸}$

۸

-۸

الف)

- ۵۴ - دو ریشه معادله $x^4 - 2x^3 - 2x^2 + 2x + 1 = 0$ عبارتند از $x = \pm ۱$ ، معادله درجه دومی که ریشه‌هایش در ریشه دیگر این معادله باشد، کدام است؟

$x^2 + 2x - ۲ = 0$

$x^2 - 5x - ۱ = 0$

$x^2 - 2x - ۱ = 0$

$x^2 + 5x - ۱ = 0$

- ۵۵ - اگر x' و x'' ریشه‌های معادله $x^2 - 4x + 1 = 0$ باشند، حاصل $\left| \sqrt{x'} - \sqrt{x''} \right|$ عبارتست از:

۳

۲

$\sqrt{۲}$

الف)

$\sqrt{۳}$

- ۵۶ - در معادله $ax^3 + bx^2 + ax + b = 0$ اگر یکی از ریشه‌ها سه برابر ریشه دیگر باشد، حاصل $\frac{b^3}{a^3}$ چقدر است؟

$\frac{۹}{۱۶}$

$\frac{۳}{۱۶}$

$\frac{۱۶}{۹}$

$\frac{۱۶}{۳}$

الف)

۵۷- معادله $\frac{x^2 - 9}{x + 2} = \frac{x - 3}{x^2 - 4}$ چند جواب دارد؟

۴) ۵

۳) ج

۲) ب

۱) الف

۵۸- مجموع ریشه‌های معادله $(x-1)^3 + 2(x-1)(-m^2 - 5) = 0$ کدام است؟

۵) m

۲) ۲m

۳) ج

۴) ب

۵) الف

۵۹- مجموع ریشه‌های معادله $-7x^4 - 5x^3 - 7x^2 = 0$ برابر است با:

۱۰) ۵

۲۵) ج

۳) ب

۴) الف

۶۰- اگر بین ریشه‌های معادله $x^3 + (2m+1)x^2 - 3x = 0$ برقرار باشد، آنگاه m برابر است با:

-۱۵/۵

-۱۴/۵

-۱۳/۵

۱) ۱۳

۶۱- اگر \sqrt{a} و \sqrt{b} ریشه‌های معادله $x^3 - 3x + 1 = 0$ باشند حاصل $a^3 + b^3$ کدام است؟

۳۲۲) ۵

۳۲۴) ج

۳۱۴) ب

۴) الف

۶۲- اگر معادله $x^2 + ax + b - 1 = 0$ دارای ریشه مضاعف $x' = x'' = 2$ باشد، کدام است؟

-۹)

-۹) ج

-۱) ب

۱) الف

۶۳- در معادله $x^3 - 3x + 4a - 2 = 0$ اگر ریشه‌ها عکس قرینه هم باشند، a برابر با کدامیک از مقادیر زیر است؟

۳) ۴

-۴) ج

۱) ب

۴) الف

۶۴- حدود برای آنکه معادله درجه دوم $-x^2 - x + m = 0$ دارای دو ریشه مثبت باشد عبارتست از:

 $m < \frac{1}{4}$ $m > \frac{1}{4}$ $\frac{1}{4} < m < \frac{1}{2}$ $m < \frac{1}{2}$

الف) ۴

۶۵- مجموع مربعات ریشه‌های معادله درجه دوم $x^2 - (\sqrt{3} + \sqrt{2})x + \sqrt{6} = 0$ چقدر است؟

۶)

۲ + $\sqrt{5}$ ۵ + $2\sqrt{6}$

الف) ۶

۶۶- مجموعه همه جواب‌های نامعادله $\frac{2\sqrt{x} + 2}{3\sqrt{x} + 1} > 1$ برابر کدام مجموعه است؟

۵) [۰, ۱)

(۰, ۱)

(-∞, ۱)

(-∞, ۱]

الف) ۶

۶۷- اگر $a > 0$ و دو معادله $x^2 + x - 2a = 0$ و $x^2 + 4x + a = 0$ دارای یک ریشه مشترک باشند، آنگاه این ریشه مشترک کدام یک از جواب‌های زیر است؟

۳) ۵

۱) ج

-۱) ب

-۳) الف

۶۸- اگر به ازای همه مقادیر m ، آنگاه حدود m کدام است؟

۰)

(-∞, +∞)

(-∞, ۰]

[۰, +∞)

الف) ۸

۶۹- معادله درجه دومی که ریشه‌های آن $x = 2 + \sqrt{4-a}$ و $x = 2 - \sqrt{4-a}$ باشد، کدام است؟

الف) $x^2 + ax - 4 = 0$ ب) $x^2 - 4x + a = 0$

ج) $x^2 - ax + 4 = 0$ د) $x^2 + 4x - a = 0$

۷۰- مجموع مربعات دو عدد صحیح متولی ۹۲۵ می‌باشد. مجموع این دو عدد کدام است؟

۴۷)

۴۵)

۴۳)

۴۱)

۷۱- نسبت دو عدد $x+1$ و $y-2$ برابر نسبت دو عدد $x-1$ و $y+2$ است. اگر $y = 1$ باشد، x برابر است با:

۴۷)

۴۲)

۳)

الف) $x = -3$ ب) $x = -2$ ج) $x = 2$

۷۲- از دستگاه معادلات $\begin{cases} c+y+z=6 \\ y+z+t=9 \\ z+t+x=8 \\ t+x+y=7 \end{cases}$ مقدار $x+z$ چقدر است؟

۷۵)

۵)

ب) ۴

۲)

۷۳- نسبت دو عدد برابر $\frac{3}{5}$ و مجموع مربعاتشان ۱۶۶۶ می‌باشد. مجموع دو عدد عبارتست از:

۶۵)

۵۶)

۵۴)

۴۵)

الف) $a = 5$ ب) $a = 4$ ج) $a = 3$

۷۴- حاصل ضرب دو عدد فرد متولی ۳۲۳ است. مجموع این دو عدد کدام است؟

۳۶)

۳۵)

۳۴)

۲۲)

۷۵- اگر $ab = 1$ باشد، همواره:

$$\frac{1}{b} > \frac{1}{a}$$

$$\frac{1}{a} > \frac{1}{b}$$

$$\frac{a}{b} > 1$$

$$\frac{a}{b} < 1$$

۷۶- معادله درجه دومی که ریشه‌هایش عکس ریشه‌های معادله $5x^2 - 13x - 1 = 0$ باشد، کدام است؟

$$5x^2 + 13x - 1 = 0$$

$$-5x^2 + 13x + 1 = 0$$

$$x^2 - 13x + 5 = 0$$

$$x^2 + 13x - 5 = 0$$

۷۷- اگر x و y دو عدد حقیقی باشد به طوری که $x < y < 0$ ، آنگاه:

$$-\frac{1}{y} < -\frac{1}{x}$$

$$x + y < 0$$

$$-x < -y$$

$$-\frac{1}{x} < -\frac{1}{y}$$

۷۸- اگر x' و x'' ریشه‌های معادله $mnx^2 - n^2x + m^2 = 0$ باشند، حاصل $x'x'' = mn$ را معین کنید.

۵)

$$\frac{m+n}{mn}$$

+1

-1

۷۹- معادله $\sqrt{x^2 - x - 6} + \sqrt{x^2 - 5x^2 - 2x + 24} = 0$ چند جواب دارد؟

۵)

۲)

۱)

۰

۸۰- در دستگاه $\begin{cases} \frac{x}{2} = \frac{y}{3} = \frac{z}{4} \\ x + y + z = 18 \end{cases}$ مقدار x کدام است؟

(الف) ۲ (ب) ۴ (ج) ۶ (د) ۸

۸۱- معادله $4x^4 + x^3 - 3x^2 - x - 1 = 0$ چند ریشه گویا دارد؟

(الف) ۳ (ب) ۱ (ج) ۲ (د) ۵

۸۲- در دستگاه $\begin{cases} \frac{x}{2} + \frac{y}{3} = 2 \\ \frac{y}{3} + z = 2 \\ z + \frac{x}{2} = 2 \end{cases}$ مقدار x کدام است؟

(الف) ۴ (ب) ۳ (ج) ۲ (د) ۱

۸۳- به ازای کدام مقدار m ، معادله $(m+1)x^2 - (m^2 - 9)x - 2 = 0$ دو ریشه قرینه حقیقی دارد؟

(الف) ۱ (ب) -۳ (ج) ۳ (د) ۹

۸۴- اگر $y+z$ باشد، مقدار $y+z$ چقدر است؟

(الف) ۹ (ب) ۱۰ (ج) ۱۱ (د) ۱۲

۸۵- اگر x_1 و x_2 ریشه‌های معادله درجه دوم $x^2 + x - 1 = 0$ باشند و $x_2 > x_1$ باشد. مقدار عبارت $5x_1^2 + 3x_2^2$ را بدست آورید.

(الف) $12 + \sqrt{5}$ (ب) $12 - \sqrt{5}$ (ج) $24 + \sqrt{5}$ (د) $24 - \sqrt{5}$

۸۶- اگر $|x-y| = 7$ ، مقدار $x+y$ است؟

(الف) $\frac{2}{3}$ (ب) $\frac{1}{2}$ (ج) ۱ (د) ۵

۸۷- کسر $\frac{(x-1)(x-2)}{(x-3)(x-4)}$ در کدام فاصله زیر منفی است؟

(الف) $(-\infty, 1)$ (ب) $(2, 3)$ (ج) $(3, 4)$ (د) $(2, \infty)$

۸۸- معادله درجه دومی که ریشه‌هایش به ترتیب ۹ برابر ریشه‌های معادله $x^2 + x - 3 = 0$ باشد کدام معادله زیر است؟

(الف) $x^2 + 9x - 243 = 0$ (ب) $x^2 + 9x - 27 = 0$ (ج) $x^2 + 18x - 243 = 0$ (د) $x^2 + 18x - 27 = 0$

۸۹- جواب نامعادله $x^4 + x^2 < 4x^3 + 4$ کدام است؟

- الف) $-4 < x < 4$
 ب) $-2 < x < 2$
 ج) $x > 2$ یا $x < -2$
 د) $x > 4$ یا $x < -4$

۹۰- اگر رابطه $x_1^3 + x_2^3 = 12$ بین ریشه‌های معادله $x_1^3 - 2kx - 2 = 0$ برقرار باشد، مقدار k کدام است؟

- الف) $\pm\sqrt{2}$
 ب) $\pm\sqrt{3}$
 ج) $\pm\sqrt{3}$

۹۱- تعداد ریشه‌های معادله $= 1 + 3x^3 - x^4$ چند ناست؟

- الف) دو ریشه قرینه
 ب) چهار ریشه منفی
 ج) دو ریشه منفی و دو ریشه مثبت
 د) ریشه حقیقی ندارد

۹۲- معادله $x^4 + mx^3 = 5$ چند ریشه حقیقی دارد؟

- الف) دو ریشه
 ب) چهار ریشه
 ج) بستگی به m ندارد
 د) ریشه حقیقی ندارد

۹۳- فاصله دو خط $3x - 4y = 20$ و $6x - 8y = 5$ کدام است؟

- الف) ۱
 ب) ۵
 ج) ۲
 د) $\sqrt{5}$

۹۴- به ازای کدام مقدار m سه خط $x = 2$ و $y = x - 1$ و $y = 2mx + 5$ در یک نقطه متقاربند؟

- الف) -۱
 ب) -۲
 ج) ۱
 د) ۲

۹۵- اگر دو خط $y = mx - 2$ و $y = x + 2$ بر نیمساز ربع دوم همیگر را قطع کنند m کدام است؟

- الف) ۲
 ب) ۳
 ج) -۳

۹۶- مبدأ مختصات به کدامیک از خطوط زیر نزدیک تر است؟

- الف) $x + 2y = 1$
 ب) $3x + y = 1$
 ج) $2x + 2y = 1$
 د) $3x + 2y = 1$

۹۷- اگر خط $x + my = 4$ با محورهای مختصات، مثلثی به مساحت ۸ واحد تشکیل دهد m کدام است؟

- الف) $m = \pm 1$
 ب) $m = \pm 2$
 ج) $m = \pm 3$
 د) $m = \pm 4$

۹۸- مساحت مربعی که معادله دو ضلع آن $x - 3y + 6 = 0$ و $x - 3y + 1 = 0$ باشد، کدام است؟

- الف) ۴
 ب) ۷
 ج) ۲
 د) $\frac{15}{2}$

۹۹- مساحت مثلثی که از تقاطع $y + 2x = 3$ و نیمسازهای بین محورهای مختصات ایجاد می‌شود، کدام است؟

- الف) $4\sqrt{2}$
 ب) ۴
 ج) $3\sqrt{2}$
 د) $\frac{4}{2}$

۱۰۰- اگر دو خط $3x + ky = 3$ و $x - y = 5$ روی نیمساز ربع دوم و چهارم یکدیگر را قطع کنند مقدار k کدام است؟

- الف) $\frac{4}{5}$
 ب) $-\frac{4}{5}$
 ج) $\frac{3}{5}$
 د) $-\frac{3}{5}$

۱۰۱- به ازای چه مقدار m دو خط $mx + 2(m^2 + 1)y = 3m + 2$ و $2x + 5my = 4$ بر هم منطبقند؟

- الف) ۱
 ب) ۲
 ج) -۱
 د) -۲

۱۰۲- زاویه حاده بین دو خط $y = mx + b$ و $(m-1)x + (m+1)y + (m^2 - 1)b = 0$ کدام است؟

$$\frac{\pi}{3}$$

$$\frac{\pi}{4}$$

$$\frac{\pi}{6}$$

$$\frac{\pi}{12}$$

۱۰۳- قرینه منعنه $y = x^3 - 2x + 5$ نسبت به خط $x = 1$ کدام است؟

$$y = x^3 - 4x + 1$$

$$y = x^3 - 2x + 5$$

$$y = x^3 + 2x + 5$$

$$y = x^3 + 2x - 3$$

۱۰۴- نقطه برخورد دو خط به معادلات $37x - 9y = 4$ و $37y - 9x = -4$ روی کدامیک از خطوط زیر واقع است؟

$$y = -x$$

$$y = 4x$$

$$y = x$$

$$y = 2x$$

۱۰۵- دو نقطه $A(a, a+2)$ و $B(a, a-2)$ نسبت به کدامیک از خطوط زیر، قرینه یکدیگرند؟

$$x = 2a$$

$$y = -a$$

$$y = a$$

$$x = a$$

۱۰۶- زاویه حاده بین دو خط به معادلات $y = x - 1$ و $y = (2 + \sqrt{3})x - 1$ کدام است؟

$$\frac{\pi}{12}$$

$$\frac{\pi}{6}$$

$$\frac{\pi}{3}$$

$$\frac{\pi}{4}$$

۱۰۷- حاصل $\log \sqrt[3]{\sqrt{x\sqrt[3]{x}}}$ برابر است با:

$$\frac{16}{15}$$

$$\frac{15}{16}$$

$$\frac{1}{7}$$

$$\frac{7}{10}$$

۱۰۸- برابر است با: $A = 1^{-1+2\log \Delta}$

$$\frac{5}{4}$$

$$\frac{5}{2}$$

$$\frac{2}{5}$$

$$\frac{4}{5}$$

۱۰۹- اگر $\log(a-b) = \frac{1}{r}(\log a + \log b)$ باشد مقدار $a^r + b^r$ کدام است؟

$$4ab$$

$$3ab$$

$$2ab$$

$$ab$$

۱۱۰- حاصل عبارت $A = \log_{\sqrt{xy}}^x + \log_{\sqrt{xy}}^y$ برابر است با:

$$2$$

$$xy$$

$$y$$

$$x$$

۱۱۱- حاصل عبارت $\frac{1}{\log_{18}^3} - \frac{1}{\log_2^3}$ برابر است با:

$$3$$

$$6$$

$$2$$

$$4$$

۱۱۲- جواب معادله $a^{2x} - 2a^x = 15$ کدام است؟

$$c \log_a^{\Delta}$$

$$c \log_a^r$$

$$\log_a^{\Delta}$$

$$\log_a^r$$

۱۱۳- اگر $\log_5 \Delta = a$ باشد مقدار $\log_8 25$ کدام است؟

$$\frac{2a}{3}$$
 (د)

$$\frac{a^2}{3-a}$$
 (ج)

$$\frac{2a}{3-a}$$
 (ب)

$$\frac{2a}{2(1-a)}$$
 (الف)

۱۱۴- اگر $\log y = \frac{1}{3}$ و $\log x = \frac{1}{2}$ باشد کدامیک از تساوی‌های زیر درست است؟

$$y^4 = x^3$$
 (د)

$$x^4 = y^3$$
 (ج)

$$x^3 = y^3$$
 (ب)

$$x^3 = y^4$$
 (الف)

۱۱۵- اگر $\log_b a = \frac{3}{2}$ باشد باید داشته باشیم:

$$2a = 3b$$
 (د)

$$3a = 2b$$
 (ج)

$$a^3 = b^2$$
 (ب)

$$a^2 = b^3$$
 (الف)

۱۱۶- اگر $a^{\log x} = b$ باشد $\log a = b^{\log x}$ برابر است با:

$$\frac{x}{b}$$
 (د)

$$bx$$
 (ج)

$$b^x$$
 (ب)

$$x^b$$
 (الف)

۱۱۷- اگر $\log_7 21 = a$ باشد $\log_7 27$ برابر است با:

$$\frac{3a}{7}$$
 (د)

$$\frac{3a}{a-1}$$
 (ج)

$$\frac{3}{a-1}$$
 (ب)

$$\frac{7a}{3}$$
 (الف)

۱۱۸- حاصل عبارت $100^{\log \sqrt[10]{\Delta}}$ برابر است با:

$$\sqrt[10]{5}$$
 (د)

$$\sqrt[5]{5}$$
 (ب)

$$\sqrt[4]{5}$$
 (ج)

$$\log \sqrt[10]{5}$$
 (الف)

۱۱۹- هر گاه $a \cdot b$ و $\log_{\sqrt[3]{7}} b$ ریشه‌های معادله $2x^3 - 3x - 1 = 0$ باشند $a \cdot b$ برابر است با:

$$\frac{\sqrt{3}}{2}$$
 (د)

$$\sqrt{2}$$
 (ج)

$$\sqrt{3}$$
 (ب)

$$\sqrt[3]{4}$$
 (الف)

۱۲۰- هر گاه $a < 1$ باشد کدامیک از نامعادله‌های زیر درست است؟

$$\log_a 2 < \log_a 3$$
 (ب)

$$\log_2 a > \log_3 a$$
 (الف)

$$2^a > 3^a$$
 (د)

$$\log_a 2 > \log_a 3$$
 (ج)

۱۲۱- اگر ریشه‌های معادله $2x^3 - 3x - 1 = 0$ به ترتیب برابر A و B باشند AB برابر است با:

$$\frac{1}{8}$$
 (د)

$$\frac{1}{2}$$
 (ج)

$$2$$
 (ب)

$$8$$
 (الف)

۱۲۲- معادله $1^{\log \sin x} \times 2^{\log \cos x} = 1$ چند ریشه دارد؟

(د) بیشمار

(ج) ۲

(ب) ۱

(الف) هیچ

۱۲۳- از رابطه کدامیک از روابط زیر نتیجه می‌شود؟

$$x - 2y = -1$$
 (د)

$$y^3 = 1 \cdot x$$
 (ج)

$$x = y^3$$
 (ب)

$$x = 1 \cdot y^3$$
 (الف)

-۱۲۴- ریشه معادله $\log_a^x - \log_{\sqrt{a}}^x + \log_{\frac{a}{4}}^x = \frac{3}{4}$ کدام است؟

(د) $a^{\frac{1}{2}}$ (ج) a (ب) $\frac{a}{2}$ (الف) \sqrt{a}

-۱۲۵- اگر حد مجموع ... $\log_a x + (\log_a x)^2 + (\log_a x)^3 + \dots$ باشد مقدار x برابر است با:

(د) ۲

(ج) ۶

(ب) ۴

(الف) ۸

-۱۲۶- $\log \sqrt[5]{0.01}$ برابر است با:

(د) $\frac{1}{3}$ (ج) $\frac{2}{3}$ (ب) $-\frac{2}{3}$ (الف) $-\frac{1}{3}$

-۱۲۷- حاصل $\log 5 + 5 \log \frac{1}{2} + 3 \log \frac{5}{2}$ برابر است با:

(د) $-\frac{5}{2}$

(ج) -۲

(ب) -۱

(الف) صفر

-۱۲۸- اگر $\log 6 / 4 = \log 2 / 30$ کدام است؟

(د) ۱/۸۰۶

(ج) ۰/۸۰۶

(ب) ۱/۵۰۵

(الف) ۰/۵۰۵

-۱۲۹- جواب معادله $\frac{\log 2}{1 - \log x} = \frac{1}{3}$ برابر است با:

(د) $\frac{5}{3}$ (ج) $\frac{3}{5}$ (ب) $\frac{4}{5}$ (الف) $\frac{5}{4}$

-۱۳۰- اگر $\log(x+1) + c \log(x-1) = 0 / ۱۵۰۵$ ، $\log 2 = 0 / ۳۰۱۰$ کدام است؟

(د) $3 + 2\sqrt{2}$ (ج) $3 - 2\sqrt{2}$ (ب) $\frac{5}{3}$ (الف) $\frac{3}{5}$ (د) 10^{-6} (ج) 10^{-3} (ب) 10^{-3} (الف) 10^{-3}

-۱۳۱- هرگاه داشته باشیم $\frac{a}{b} \log \frac{a}{b} = \frac{1}{27}$ آنگاه کدام است؟

(د) $[3 + \infty[$ (ج) $]3, +\infty[$ (ب) $]2, +\infty[$ (الف) $]12, +\infty[$

-۱۳۲- هرگاه داشته باشیم $f(x) = \sqrt{\log(x-2)}$ برابر است با:

(د) $[3 + \infty[$ (ج) $]2, +\infty[$ (ب) $]12, +\infty[$ (الف) $]12, +\infty[$

-۱۳۳- از رابطه $x \times 25^{\log a} = a^{\log x}$ مقدار x کدام است؟

(د) $a^{\log 4}$ (ج) $a^{\log 4}$ (ب) $a^{\log 3}$ (الف) $a^{\log 2}$

-۱۳۴- حاصل $\log_5^{\sqrt{75}} - \frac{1}{2} \log_5^3$ کدام است؟

(د) ۲۵

(ج) ۱

(ب) $1 + \log_5^3$ (الف) $1 - \log_5^3$

- ۱۳۵- معادله $\log x = 3\sqrt{\log x}$ چند جواب دارد؟
- (الف) ۷
۲) ۱
۳) ۴
۴) ۵
۵) بیشمار
- ۱۳۶- جواب معادله $\log_9^x + \log_9^{\sqrt{x}} = \frac{1}{4}$ کدام است؟
- (الف) ۳
۲) $\sqrt[4]{3}$
۳) $\sqrt[4]{3}$
۴) $3\sqrt{3}$
- ۱۳۷- اگر $\begin{cases} \log_9^x + \log_9^y = 2 \\ x \times y = 27 \end{cases}$ آنگاه $x + y$ چقدر است؟
- (الف) ۹
۲) ۲۷
۳) ۳۰
۴) ۱۲
- ۱۳۸- اگر حد مجموع $n + \frac{n}{2} + \frac{n}{4} + \dots$ مساوی ۵ باشد n کدام است؟
- (الف) ۳
۲) $\frac{3}{2}$
۳) ۵
۴) $\frac{5}{2}$
- ۱۳۹- در یک تصاعد هندسی حاصلضرب جملات سوم و پنجم مساوی جمله هشتم است تفاضل جمله اول و قدر نسبت کدام است؟
- (الف) ۱
۲) -۱
۳) ج
۴) ۵
۵) ۲
- ۱۴۰- اگر $a+14$ و a سه جمله متوالی یک تصاعد حسابی با جمله اول a باشند جمله چهارم آن کدام است؟
- (الف) ۲۸
۲) ۲۵
۳) ۴۳
۴) ۴۹
- ۱۴۱- اگر جمله $(-1)^n + 2^n$ باشد، جمله پنجم آن کدام است؟
- (الف) ۱۲
۲) ۱۶
۳) ج
۴) ۱۸
- ۱۴۲- اگر جمله n ام یک تصاعد عددی مساوی $3n+5$ باشد جمله $n+1$ ام آن کدام است؟
- (الف) ۳۲
۲) ۳۱
۳) ۳۳
۴) ۳۰
- ۱۴۳- اگر جمله $(n+2)$ ام یک تصاعد حسابی باشد، جمله n ام آن را تعیین کنید.
- (الف) ۴۱
۲) ۴۰
۳) ۴۲
۴) ۴۳
- ۱۴۴- مجموع ده جمله از تصاعد $-2, -4, -6, \dots, -2n$ کدام است؟
- (الف) ۶۵
۲) ۶۵
۳) -۴۵
۴) ۴۵
- ۱۴۵- اگر جمله عمومی یک رشته از اعداد $t_n = 2n + 3$ باشد مجموع ده جمله اول آن را حساب کنید.
- (الف) ۱۱۰
۲) ۱۲۰
۳) ۱۳۰
۴) ۱۴۰
- ۱۴۶- در یک تصاعد عددی جملات هفتم و هشتم به ترتیب مساوی ۱۰ و ۱۲ میباشند، جمله یازدهم کدام است؟
- (الف) ۱۸
۲) ۱۶
۳) ج
۴) ۱۴
۵) ۲۰
- ۱۴۷- بین ۵۰ و ۶۸ پنج واسطه حسابی نوشته ایم. دو میان واسطه حسابی کدام است؟
- (الف) ۵۶
۲) ۵۷
۳) ۵۵
۴) ۵۴
- ۱۴۸- مجموع مکعبات اعداد $\{1, 2, 3, \dots, 10\}$ کدام است؟
- (الف) ۳۰۴۵
۲) ۳۰۲۵
۳) ج
۴) ۳۰۳۵

۱۴۹- اگر قدر نسبت یک تصاعد هندسی $(\frac{1}{3})$ باشد نسبت جمله پنجم به جمله هشتم کدام است؟

- الف) $\frac{1}{27}$ ب) $\frac{1}{27}$ ج) $\frac{1}{27}$ د) $\frac{-1}{27}$

۱۵۰- اگر جمله عمومی یک تصاعد $t_n = 4 \times 5^{n-3}$ باشد، نسبت جمله اول به جمله سوم تصاعد کدام است؟

- الف) $\frac{1}{25}$ ب) $\frac{1}{25}$ ج) $\frac{1}{25}$ د) $\frac{1}{125}$

۱۵۱- مجموع سه جمله اول یک تصاعد هندسی نزولی ۵ برابر جمله دوم است قدر نسبت این تصاعد کدام است؟

- الف) $3 - \sqrt{3}$ ب) $2 - \sqrt{2}$ ج) $3 + \sqrt{3}$ د) $3 + \sqrt{5}$

۱۵۲- در یک رشته تصاعد هندسی حاصلضرب جمله‌های چهارم و هشتم برابر ۸ است. جمله ششم این تصاعد کدام است؟

- الف) $\sqrt{2}$ ب) $2\sqrt{2}$ ج) $3\sqrt{2}$ د) $3\sqrt{5}$

۱۵۳- چند عدد طبیعی سه رقمی بر ۳۰ قابل قسمت است؟

- الف) ۳۱ ب) ۳۰ ج) ۲۹ د) ۲۸

۱۵۴- میانگین هندسی دو عدد برابر ۵۰ و یکی از آنها چهار برابر دیگری است عدد کوچکتر کدام است؟

- الف) $10\sqrt{5}$ ب) $5\sqrt{5}$ ج) 20 د) $25\sqrt{5}$

۱۵۵- حد مجموع ... $S = 1 - \frac{1}{2} + \frac{1}{3} - \frac{1}{4} + \frac{1}{9} - \frac{1}{8}$ کدام است؟

- الف) $\frac{3}{4}$ ب) $\frac{1}{2}$ ج) $\frac{3}{2}$ د) $\frac{5}{4}$

۱۵۶- اضلاع مثلث قائم‌الزاویه‌ای تشکیل تصاعد حسابی می‌دهند. نسبت بزرگترین ضلع به کوچکترین ضلع کدام است؟

- الف) $\frac{6}{5}$ ب) $\frac{5}{4}$ ج) $\frac{4}{3}$ د) $\frac{5}{3}$

۱۵۷- حد مجموع جملات تصاعد $\frac{1}{\sqrt{2}-1}, \frac{1}{2-\sqrt{2}}, \dots, \frac{1}{\sqrt{2}+1}$ برابر است با:

- الف) $4 + 3\sqrt{2}$ ب) $4 + \sqrt{2}$ ج) $4 - 3\sqrt{2}$ د) $4 - \sqrt{2}$

۱۵۸- اگر زوایای یک مثلث تشکیل تصاعد عددی بدهند مجموع کوچکترین و بزرگترین زاویه کدام است؟

- الف) ۹۰° ب) ۶۰° ج) ۱۲۰° د) ۱۵۰°

۱۵۹- اگر حاصلضرب n جمله اول یک رشته با $P_n = n^3 + 1$ محاسبه شود جمله پنجم این رشته کدام است؟

- الف) $\frac{26}{17}$ ب) $\frac{26}{17}$ ج) $\frac{17}{26}$ د) $\frac{17}{26}$

- ۱۶۰- اگر بین ۱۰ و ۲۰ پنج واسطه حسابی بنویسیم مجموع همه واسطه‌ها کدام است؟
 ۵۰) ۶۵) ۷۵) ب) ۷۵) الف) ۵۰)
- ۱۶۱- اگر حد مجموع یک تصاعد هندسی باشد حد مجموع مربعات آن جمله‌ها مساویست با: $t_1 + 5t_1$.
 اول و قدر نسبت تصاعد هستند.
 ۱۲) ۱۰) ۲۴) الف) ۲۴)
- ۱۶۲- اگر $f(x) = 3x^7 - 5x + 2$ بر $x+1$ کدام است؟
 ۱۲) ۱۰) ۲۴) الف) ۲۴)
- ۱۶۳- عبارت $(x\sqrt{x}-1)(x\sqrt{x}+1)+2$ بر کدامیک از عبارات زیر بخش‌پذیر است؟
 ۵) ۱) ۱) ۱) الف) ۱)
- ۱۶۴- مجموع جبری ضرایب در بسط عبارت $f(x) = (x^3+x-1)^3 + x^4 - 5x$ کدام است؟
 ۵) ۳) ۲) ۲) الف) ۲)
- ۱۶۵- برای آنکه $\binom{\alpha}{\beta} = 10$ بخش‌پذیر باشد مقدار k کدام است؟
 ۵) ۱) ۱) ۱) الف) ۱)
- ۱۶۶- اگر باقیمانده $mx^7 + x + m$ بر $x^3 + x + 1$ مساوی ۳ باشد باقیمانده بر $x^7 + x + m$ برابر ۱ است؟
 ۳) ۲) ۱) ۱) الف) ۱)
- ۱۶۷- ضریب x^7 در بسط $(2x^2 - \frac{1}{x})^{280}$ کدام است؟
 ۲۸۰) ۲۸۰) ۳۶۰) ۳۶۰) الف) ۳۶۰)
- ۱۶۸- اگر c بخش‌پذیر باشد، مقدار a کدام است؟
 ۲) ۱) ۴) ۴) الف) ۴)
- ۱۶۹- باقیمانده تقسیم $x^6 - x^3 + x^2 + 1$ بر $x^3 - x^2 + x$ کدام است؟
 ۵) ۱) ۱) ۱) الف) ۱)
- ۱۷۰- باقیمانده تقسیم $x^10 + x + 1$ بر $x^3 - x$ کدام است؟
 ۵) ۱) ۱) ۱) الف) ۱)
- ۱۷۱- عبارت 7^{48} از اعداد زیر بخش‌پذیر نیست?
 ۴۸) ۵۰) ۱۰) ۲۸) الف) ۲۸)
- ۱۷۲- در بسط $(a+b)^{12}$ ضریب $a^5 b^7$ کدام است?
 ۷۹۲) ۱۳۲۰) ۲۴۰) ۳۴۶) الف) ۳۴۶)

- ۱۷۳- جمله چهارم از بسط $(1 - \sqrt{2})^5$ کدام است؟
- الف) $-20\sqrt{2}$ ب) $20\sqrt{2}$ ج) $20\sqrt{2}$
- ۱۷۴- در بسط $(x - y)^7$ مجموع ضرایب مثبت کدام است؟
- الف) 32 ب) 48 ج) 128
- ۱۷۵- اگر در بسط $(x + y)^n$ ضرایب جملات دوم و پنجم برابر باشند ضریب جمله سوم کدام است؟
- الف) 10 ب) 12 ج) 9
- ۱۷۶- اگر باقیمانده $P(x)$ بر $x^2 + 3x + 2$ باشد باقیمانده $(x - 1)$ بر $x + 2$ کدام است؟
- الف) 5 ب) 7 ج) 5
- ۱۷۷- باقیمانده $1 - x^5 + x^4 + x^3 + x^2$ بر $x^5 + x^4 + x^3 + x^2 + x + 1$ کدام است؟
- الف) صفر ب) 1 ج) 2
- ۱۷۸- عبارت $x^4 + 1$ بر کدامیک از عبارات زیر بخش پذیر است؟
- الف) $x^2 + x + \sqrt{2}$ ب) $x^2 - \sqrt{2}x + 1$ ج) $x^2 + 1$
- ۱۷۹- عبارت $a^{14} - b^{14}$ بر کدامیک از عبارات زیر بخش پذیر است؟
- الف) $a^6 + b^6$ ب) $a^6 + b^6$ ج) $a^{14} + b^8$
- ۱۸۰- در بسط $(x + y)^7$ جمله نوزدهم کدام است؟
- الف) $190xy^{18}$ ب) $210x^7y^{18}$ ج) $210x^7y^{18}$
- ۱۸۱- جمله مستقل از x در بسط $\frac{1}{x}(x^6 - 1)$ کدام است؟
- الف) -20 ب) 15 ج) 20
- ۱۸۲- در صورتی که باقیمانده تقسیم $x^3 + ax + bx^2 + 1$ بر $x + 2$ برابر 1 باشد باقیمانده تقسیم $ax^6 + bx^5 + x^4 + ax^3 + bx^2$ بر $x + 2$ کدام است؟
- الف) -4 ب) -2 ج) 2
- ۱۸۳- مجموع جبری ضرایب بسط عبارت $(2x^3 + x^2 - x - 1)^6 + (2x^3 + x^2 - x - 1)^6 + \dots + (2x^3 + x^2 - x - 1)^6$ کدام است؟
- الف) 2 ب) 3 ج) 5
- ۱۸۴- عبارت $2x^4 + x^3 - 4x^2 - 2$ بر کدامیک از عبارات زیر بخش پذیر است؟
- الف) $x - 2$ ب) $x^3 - 2$ ج) $x^2 + 2$ د) $2x - 1$
- ۱۸۵- تعداد ریشه‌های معادله $|x + a| - |x + a + b| = -6$ کدام است؟
- الف) به مقدار a بستگی دارد ب) بیشمار ج) ۲
- ۱۸۶- مجموع جواب‌های نامعادله $|x^3 - 8| < x^3 + 2x + 4$ کدام است؟
- الف) $(-2, 2)$ ب) $(-1, 4)$ ج) $(1, 3)$

- ۱۸۷- مجموعه جواب‌های نامعادله $|x| > \sqrt{x+2}$ کدام است؟
- (الف) $(-2, -1) \cup (2, +\infty)$ (ب) $R - [-1, 2]$ (ج) $(-1, 2)$ (د) $(-2, 2)$
- ۱۸۸- مجموعه جواب‌های معادله $|x-2| - |x+1| = 3$ کدام است؟
- (الف) $[2, +\infty)$ (ب) R (ج) $[-1, 2]$ (د) $(-\infty, -1]$
- ۱۸۹- اگر $x^3 < 18$ باشد حاصل $|x-3\sqrt{2}| + |x+3\sqrt{2}|$ برابر است با:
- (الف) $4\sqrt{2}$ (ب) $-4\sqrt{2}$ (ج) $6\sqrt{2}$ (د) $2x$
- ۱۹۰- معادله $|x|^3 - 3 = 2x^3$ چند ریشه حقیقی دارد؟
- (الف) ۱ (ب) ۲ (ج) ۳ (د) هیچ
- ۱۹۱- معادله $\sqrt[3]{x^3 + 1} + |x+1| = 0$ چند ریشه حقیقی دارد؟
- (الف) ۱ (ب) ۲ (ج) ۳ (د) هیچ
- ۱۹۲- اگر $\begin{cases} x+y=13 \\ x^2+y^2=97 \end{cases}$ باشد مقدار $|x-y|$ چقدر است؟
- (الف) ۴ (ب) ۵ (ج) ۶ (د) ۷
- ۱۹۳- بسط $(x + \sqrt[4]{y})^4$ شامل چند جمله گویا است؟
- (الف) ۸ (ب) ۹ (ج) ۱۰ (د) ۲۰
- ۱۹۴- هرگاه باقیمانده تقسیم چندجمله‌ای $f(x)$ بر $2x^3 - x + 7$ برابر $2x^3 - 3x^2 - 22x$ باشد، باقیمانده تقسیم $f(x)$ بر $x+2$ کدام است؟
- (الف) -۴ (ب) -۷ (ج) -۱۰ (د) -۱۳
- ۱۹۵- معادله محور تقارن نمودار رابطه $|x-2y| = 4$ کدام است؟
- (الف) $y = 2x$ (ب) $y = x$ (ج) $y = -x$ (د) $y = \frac{1}{2}x$
- ۱۹۶- در بسط $(\sqrt{x} + \sqrt{y})^{12}$ کدام جمله بزرگترین ضریب را دارد؟
- (الف) پنجم (ب) ششم (ج) هفتم (د) دوازدهم
- ۱۹۷- اگر مجموع ضرایب $(mx)^5$ برابر 3^5 باشد، مقدار m کدامند؟
- (الف) ۱, ۳ (ب) ۹, -۱ (ج) -۳, ۱ (د) ۱, ۵
- ۱۹۸- اگر در بسط $(x+y)^n$ ضریب جمله چهارم با ضریب جمله دوازدهم برابر باشد n کدام است؟
- (الف) ۱۲۳ (ب) ۱۴ (ج) ۱۶ (د) ۱۸
- ۱۹۹- اگر معادله محور تقارن نمودار تابع $y = |x-2| + |x+m|$ به صورت $x=1$ مقدار m کدام است؟
- (الف) صفر (ب) ۱ (ج) -۱ (د) ۲

۲۰۰- اگر $\cot g\alpha = \frac{1}{2}$ باشد $\cot g\alpha$ کدام است؟

۱) $\frac{11}{2}$

۲) $\frac{2}{11}$

۳) $\frac{1}{8}$

۴) $\frac{3}{2}$

۲۰۱- معادله $2\tgx + \cot gx = 2\pi$ در فاصله $(-\pi, \pi)$ چند جواب دارد؟

۱) ۵

۲) ۴

۳) ۲

۴) ۱

۲۰۲- اگر $x + y = 4\pi$ باشد کدام یک از تساوی زیر صحیح است؟

$\cot gx = \cot gy$

$\tg x = \tg y$

$\cos x = \cos y$

$\cos x = \sin y$

۲۰۳- معادله $a \sin x + 2 \cos x = \sqrt{5}$ به شرطی دارای جواب است که:

۱) $a \leq 0$

۲) $-1 \leq a \leq 1$

۳) $a \geq 1$ یا $a \leq -1$

۴) $a \geq 0$

۲۰۴- سینوس زاویه ۱۱۰ درجه کدام است؟

۱) $\frac{1}{2}$

۲) $\frac{\sqrt{3}}{2}$

۳) $-\frac{1}{2}$

۴) $-\frac{\sqrt{3}}{2}$

۲۰۵- اگر $\sin x + \cos x = a$ و $\tg \frac{x}{2} = a$ باشد، مقدار a کدام است؟

۱) $\sqrt{2}$

۲) $-\sqrt{2}$

۳) $49+1=50$

۴) ۱

۲۰۶- در دایره‌ای که شعاع آن $\frac{2}{5}$ متر است کمانی که اندازه‌اش $\frac{8}{75}\pi$ متر باشد چند رادیان است؟

۱) $\frac{4}{5}$

۲) $\frac{3}{5}$

۳) $\frac{1}{75}\pi$

۴) $\frac{2}{5}$

۲۰۷- اگر $\sin^2 x + \cos^2 x = \frac{1}{4}$ باشد مقدار $\sin^2 x + \cos^2 x$ برابر است با:

۱) $\frac{3}{4}$

۲) $\frac{1}{4}$

۳) $+\frac{1}{2}$

۴) ۱

۲۰۸- اگر $\tg x = b$ و $\cos x = \sqrt{a}$ باشد کدامیک از روابط زیر صحیح است؟

۱) $a - ab^2 = 1$

۲) $a + ab^2 = 1$

۳) $a + b^2 = 1$

۴) $a - b^2 = 1$

الف) ۱

۲۰۹- حاصل $\frac{1 + \cos 1^\circ}{\sin 1^\circ}$ کدام است؟

۱) $\tg 1^\circ$

۲) $\cotg 1^\circ$

۳) $\cotg 5^\circ$

۴) $\tg 5^\circ$

الف) ۱

۲۱۰- معادله $\sin x + 2 \cos x = 5$ در فاصله $(-\pi, \pi)$ چند جواب دارد؟

۱) هیچ

۲) چهار

۳) دو

۴) یک

۲۱۱- دوره تناوب تابع $y = \sin^2 x + 4 \cos^2 \frac{3x}{2}$ کدام است؟

۱) 4π

۲) 12π

۳) 18π

۴) 6π

الف) ۱

۲۱۲- دوره تناوب تابع $y = \frac{4\sin x - 3\cos x}{5\cos x - 7\sin x}$ کدام است؟

$$\frac{\pi}{2} \quad (د)$$

$$\frac{\pi}{3} \quad (ج)$$

$$\pi \quad (ب)$$

$$2\pi \quad (الف)$$

۲۱۳- دوره تناوب تابع $y = \sin x + \cos 3x + 7$ کدام است؟

$$\frac{\pi}{4} \quad (د)$$

$$\pi \quad (ج)$$

$$\frac{\pi}{2} \quad (ب)$$

$$\frac{\pi}{3} \quad (الف)$$

۲۱۴- دوره تناوب تابع $y = \operatorname{tg}x + \cot g\sqrt{x}$ کدام است؟

(د) متناوب نیست

$$\sqrt{\pi} \quad (ج)$$

$$2\pi \quad (ب)$$

$$\pi \quad (الف)$$

۲۱۵- دوره تناوب تابع $y = \cos^r(\frac{\pi}{3} - \pi x)$ کدام است؟

$$\frac{1}{4} \quad (د)$$

$$\frac{1}{2} \quad (ج)$$

$$2 \quad (ب)$$

$$1 \quad (الف)$$

۲۱۶- دوره تناوب $y = \cos(\sin x)$ کدام است؟

$$\frac{\pi}{4} \quad (د)$$

$$\frac{\pi}{2} \quad (ج)$$

$$2\pi \quad (ب)$$

$$\pi \quad (الف)$$

۲۱۷- چرخی که در هر ساعت ۷۲۰ دور می‌چرخد در یک ثانیه چند رادیان طی می‌کند؟

$$\frac{\pi^3}{3} \quad (د)$$

$$\frac{\pi}{3} \quad (ج)$$

$$\frac{2\pi}{5} \quad (ب)$$

$$\frac{\pi}{5} \quad (الف)$$

۲۱۸- ساده شده عبارت $(\sin x + \cos x + 1)(\sin x + \cos x - 1)$ کدام است؟

$$\cos^r x \quad (د)$$

$$\sin^r x \quad (ج)$$

$$\sin 2x \quad (ب)$$

$$\cos 2x \quad (الف)$$

۲۱۹- اگر $-\frac{\pi}{4} < x < \frac{\pi}{4}$ باشد، حدود m را چنان تعیین کنید که $\operatorname{tg}x = 2 - 3m$ درست باشد.

$$\frac{1}{3} < m < 1 \quad (د)$$

$$-\frac{1}{3} < m < 2 \quad (ج)$$

$$-1 < m < 1 \quad (ب)$$

$$-2 < m < 2 \quad (الف)$$

۲۲۰- اگر x و y زاویه‌هایی در فاصله $[0, 2\pi]$ باشد مقدار $\sin(x-y) + \cos(x+y) = 2$ کدام است؟

$$\frac{7\pi}{4} \quad (د)$$

$$\frac{5\pi}{4} \quad (ج)$$

$$\frac{3\pi}{4} \quad (ب)$$

$$\frac{\pi}{4} \quad (الف)$$

۲۲۱- اگر x زاویه حاده باشد، کدام گزاره زیر نادرست است؟

$$\cot g\alpha + \operatorname{tg}\alpha \geq 2 \quad (ب)$$

$$\sin \alpha + \cos \alpha > 1 \quad (الف)$$

$$\sin \alpha + \cos \alpha \leq \sqrt{2} \quad (د)$$

$$\sin \alpha \cos \alpha \geq \frac{1}{2} \quad (ج)$$

۲۲۲- حاصل عبارت $\frac{\operatorname{tg}^r x - \sin^r x}{\cot g^r x - \cos^r x}$ کدام است؟

$$\cot g^r x \quad (د)$$

$$\operatorname{tg}^r x \quad (ج)$$

$$\cos^r x \quad (ب)$$

$$\sin^r x \quad (الف)$$

۲۲۳- حاصل عبارت $\sin^6 x + \cos^6 x + \sin^4 x + \cos^4 x + 5\sin^2 x + \sin^2 x$ کدام است؟

۱) $2\cos^2 x$

۲) $2\sin^2 x$

۳) 2

الف) ۱

۲۲۴- اگر $A = \sqrt{1+2\sqrt{\sin^2 \alpha(1-\sin^2 \alpha)}}$ باشد از رابطه $\frac{\pi}{3} < \alpha < \pi$ می‌توان نتیجه گرفت؟

۱) $A = \sin \alpha - \cos \alpha$

۲) $A = \cos \alpha + \sin \alpha$

۳) $A = \cos \alpha - \sin \alpha$

ج) ۳

۲۲۵- اگر $\cos 2x = \frac{m-1}{m+1}$ باشد حدود m کدام است؟

۱) $-1 < m < 1$

۲) $m < 3$

۳) $-1 < m < 3$

الف) ۱

۲۲۶- حاصل $\sin \left[\text{Arc cos} \left(-\frac{1}{2} \right) + (\text{Arc sin} \left(-\frac{1}{2} \right)) \right]$ کدام است؟

۱) $-\frac{1}{2}$

۲) $\frac{1}{2}$

۳) ۱

الف) ۱

۲۲۷- حاصل $\text{Arc cos} \left[\cos \left(-\frac{\pi}{3} \right) \right]$ کدام است؟

۱) $-\frac{\pi}{6}$

۲) $\frac{\pi}{6}$

۳) $-\frac{\pi}{3}$

۴) $\frac{\pi}{3}$

۲۲۸- اگر در مثلث ABC داشته باشیم $\sin B = \frac{\sqrt{2}}{2}$ و $\cos C = \frac{\sqrt{6} + \sqrt{2}}{4}$ کدام یک از مقادیر را می‌تواند داشته باشد؟

۱) $\frac{5\pi}{6}$ یا $\frac{\pi}{6}$

۲) $\frac{2\pi}{3}$ یا $\frac{\pi}{6}$

۳) $\frac{2\pi}{3}$ یا $\frac{\pi}{3}$

۴) $\frac{5\pi}{6}$ یا $\frac{\pi}{3}$

الف) ۱

۲۲۹- حاصل $\text{Arctg} \frac{2}{5} + \text{Arc cot g} \left(-\frac{5}{2} \right)$ کدام است؟

۱) $-\frac{\pi}{4}$

۲) π

۳) $\frac{\pi}{2}$

الف) ۱

۲۳۰- حاصل $\text{Arctg} 3 + \text{Arctg} 3$ کدام است؟

۱) $-\frac{3\pi}{4}$

۲) $\frac{3\pi}{4}$

۳) $-\frac{\pi}{4}$

۴) $\frac{\pi}{4}$

الف) ۱

۲۳۱- حاصل $\text{tg} 10^\circ - \text{tg} 50^\circ + \text{tg} 70^\circ$ کدام است؟

۱) ۲

۲) $\sqrt{3}$

۳) ۱

۴) $\sqrt{2}$

الف) ۱

۲۳۲- حاصل $\cos 20^\circ \cos 40^\circ \cos 80^\circ$ کدام است؟

۱) $\frac{1}{12}$

۲) $\frac{1}{6}$

۳) $\frac{1}{8}$

۴) $\frac{1}{4}$

الف) ۱